Enseigner la proportionnalité en utilisant la programmation

Le module de formation

 1^{er} présentiel (1h30) \rightarrow 22/01

 $2^{\text{ème}}$ présentiel (1h30) \rightarrow 19/02

3^{ème} présentiel (3h00) → 25/03

Un temps de mise en œuvre dans les classes et consultation de ressources (équivalent à 2h)

Marché aux connaissances → 20/05

Enseigner la proportionnalité en utilisant la programmation

Objectifs de formation:

- Prendre connaissance des enjeux de l'enseignement de la proportionnalité
- Prendre connaissance des enjeux de l'enseignement de la programmation
- Connaître et utiliser différents outils permettant d'enseigner la programmation
- Mettre en œuvre, en classe, les situations abordées lors des regroupements
- Partager les expériences de classe et analyser collectivement les observations recueillies

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Prêts?

3 objets identiques pèsent ensemble 7 kg.

CM₁

Combien pèsent ensemble 30 de ces objets ?

CM₂

Combien pèsent ensemble 60 de ces objets ?

7 objets identiques pèsent ensemble 5 kg.

CM₁

Combien pèsent ensemble 21 de ces objets ?

CM2

Combien pèsent ensemble 420 de ces objets ?

10 objets identiques pèsent ensemble 42 kg.

CM₁

Combien pèsent ensemble 5 de ces objets ?

CM₂

Combien pèsent ensemble 15 de ces objets ?

10 objets identiques pèsent ensemble 45 kg.

CM₁

Combien pèsent ensemble 2 de ces objets?

CM₂

Combien pèsent ensemble 3 de ces objets ?

7 objets identiques pèsent ensemble 28 kg.

CM₁

Combien pèsent ensemble 2 de ces objets?

CM₂

Combien pèsent ensemble 9 de ces objets ?

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Bulletin officiel n° 30 du 26-7-2018

Objectifs

Le cycle 3 vise [...] à introduire des notions nouvelles comme les nombres décimaux, la **proportionnalité** ou l'étude de nouvelles grandeurs (aire, volume, angle notamment).

Compétences

<u>Modéliser</u>

→ reconnaître et distinguer des problèmes relevant de situations additives, multiplicatives, de **proportionnalité**

Domaines du socle → 1, 2, 4

Bulletin officiel n° 30 du 26-7-2018

Résolution de problèmes

- Reconnaître et résoudre des problèmes relevant de la proportionnalité en utilisant une procédure adaptée : propriétés de linéarité (additive et multiplicative), passage à l'unité, coefficient de proportionnalité.
- Appliquer un pourcentage.

Grandeurs et mesures

 Dans le cadre des grandeurs, la proportionnalité sera mise en évidence et convoquée pour résoudre des problèmes dans différents contextes.

Bulletin officiel n° 30 du 26-7-2018

Espace et géométrie

• Reproduire une figure en respectant une échelle donnée : agrandissement ou réduction d'une figure.

Autres disciplines

• Enfin, les contextes des situations de **proportionnalité** à explorer au cours du cycle peuvent être illustrés ou réinvestis dans d'autres disciplines : problèmes d'échelle, de vitesse, de pourcentage (histoire et géographie, éducation physique et sportive, sciences et technologie), problèmes d'agrandissement et de réduction (arts plastiques, sciences).

Repères annuels de progression (Eduscol)

Résolution de problèmes (de proportionnalité)

CM1

- Recours aux propriétés de linéarité (multiplicative et additive) privilégié.
- Propriétés explicitées et institutionnalisées de façon non formelle.

CM₂

- Idem CM1 + procédure de passage à l'unité
- Introduction du signe % en lien avec les fractions d'une quantité

6ème

- Idem CM + utilisation explicite du coefficient de proportionnalité
- Application des pourcentages

Repères annuels de progression (Eduscol)

Grandeurs et mesures

CM₁

 Les élèves commencent à identifier et à résoudre des problèmes de proportionnalité portant sur des grandeurs.

CM₂

 Situations très simples impliquant des échelles et des vitesses constantes

6ème

- situations très simples en relation avec l'utilisation d'un rapporteur
 - → construction des représentations de données sous la forme de diagrammes circulaires ou semi-circulaires

Repères annuels de progression (Eduscol)

Espace et géométrie

CM₂

• Les élèves agrandissent ou réduisent une figure dans un rapport simple donné (par exemple ×1/2, ×2, ×3).

6ème

- Les élèves agrandissent ou réduisent une figure dans un rapport plus complexe qu'au CM2 (par exemple 3/2 ou 3/4);
- Ils reproduisent une figure à une échelle donnée
- Ils complètent un agrandissement ou une réduction d'une figure donnée à partir de la connaissance d'une des mesures agrandie ou réduite.

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

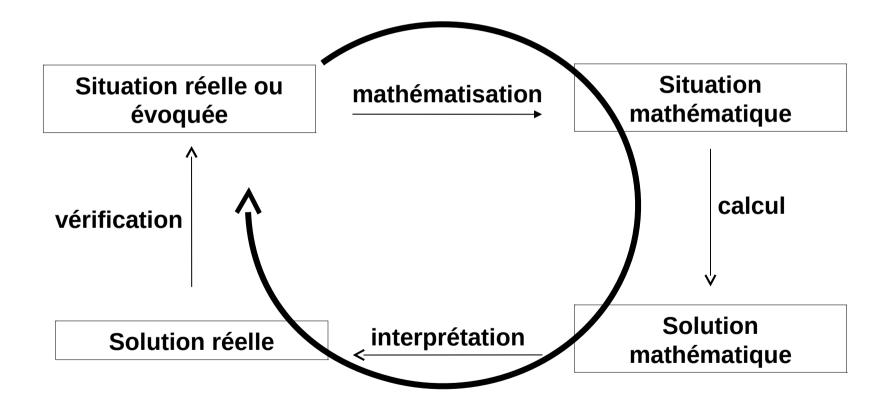
Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

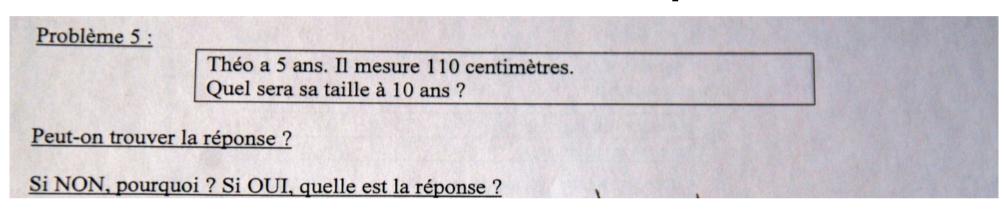
Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Une modélisation du réel



Une modélisation du réel : exemple 1

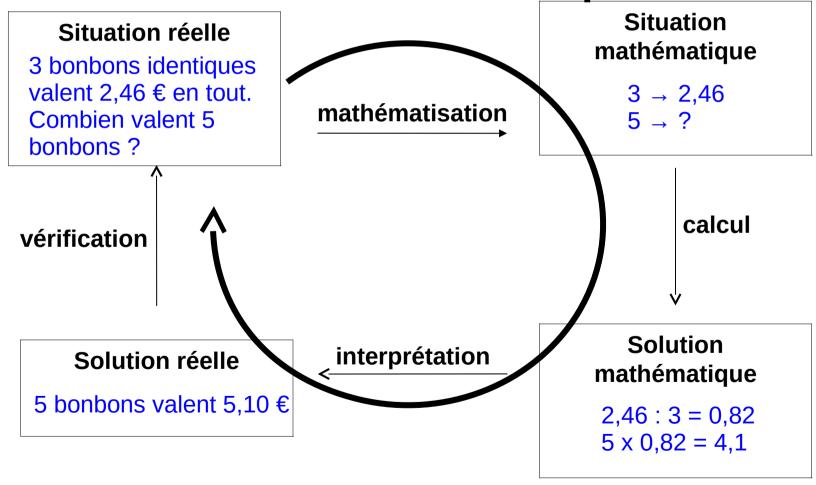


Une modélisation du réel : exemple 1

Problème 5 :	Théo a 5 ans. Il mesure 110 centimètres. Quel sera sa taille à 10 ans ?
Peut-on trouver	la réponse ?
Si NON, pourque	rapo 2x110 = 820 centimete ces 2m2 com cen est pas pasible

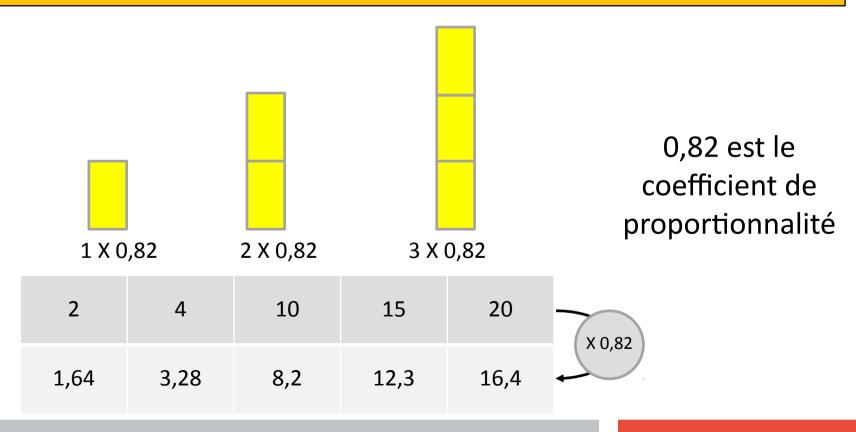
Catherine Houdement → Contrôle pragmatique

Une modélisation du réel : exemple 2

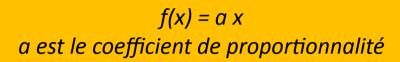


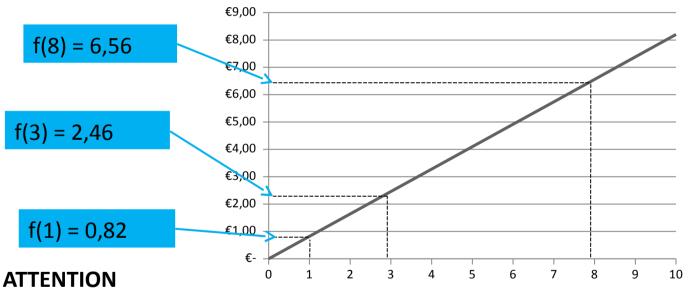
Une définition

Deux grandeurs ou deux suites de nombres sont dites « proportionnelles » si l'on peut passer de l'une à l'autre en multipliant par un même nombre non nul. Ce nombre s'appelle « coefficient de proportionnalité ».



Association à une fonction linéaire



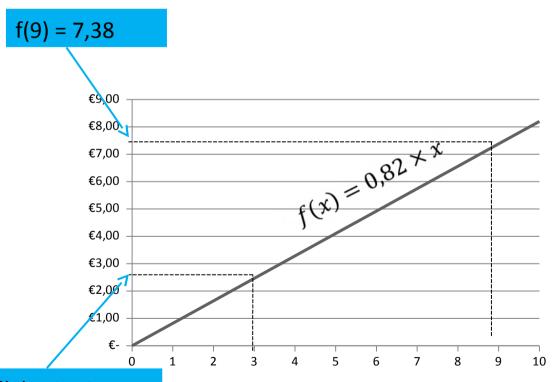


Bonbon(s)	Prix
1	0,82 €
3	2,46 €
8	6,56 €

Le sens de la proportionnalité (liaison multiplicative entre des grandeurs), illustré au travers de la fonction linéaire, ne doit pas se perdre au profit d'une représentation (tableau) ou d'une technique (produit en croix, calculs sur les lignes et les colonnes). Il est primordial de ne pas réduire l'approche des élèves à ces simplifications.

Association à une fonction linéaire

La même fonction linéaire peut illustrer plusieurs situations de proportionnalité différentes:



Si 3 bonbons valent 2,46 euros; 9 bonbons valent 7,38 euros.

Le taxi roule à vitesse constante. S'il lui faut 3 minutes pour faire 2,46 km, il lui faudra 9 minutes pour en faire 7,38.

Si 3 centimètres sur la carte représentent 2,46 kilomètres dans la réalité, 9 centimètres sur la carte représentent 7,38 kilomètres dans la réalité.

Les propriétés de linéarité sont caractéristiques de la proportionnalité :

$$f(x_1 + x_2) = f(x_1) + f(x_2)$$
 et $f(a x_1) = a f(x_1)$

additive

multiplicative

Différentes procédures

Utilisation de la **linéarité additive**

Le prix de 3 bonbons est 2,46 €, le prix de 5 bonbons est 4,10 €. Quel est le prix de 8 bonbons ?

8 = 3 + 5 donc le prix de 8 bonbons est 2,46 € + 4,10 €

Utilisation de la **linéarité multiplicative**

Le prix de 3 bonbons est 2,46 €. Quel est le prix de 15 bonbons?

15 =(5)x 3 donc le prix de 15 bonbons est 5 x 2,46 €

Rapport interne

Différentes procédures

Utilisation du coefficient de proportionnalité

Si 30 kg de café coûtent 600 €, combien coûtent 13 kg de café?

600 : 30 = (20) €/kg et 13 kg x 20 €/kg = 260 €

Rapport externe

Possède une unité de type quotient

Recherche de la valeur unité

Si 30 kg de café coûtent 600 €, combien coûtent 13 kg de café?

600 : 30 = 20 donc 1 kg coûte 20 € et 13 x 20 € = 260 €

Passer par l'unité, c'est calculer le coefficient de proportionnalité sans le dire → la différence est une question d'unité

Règle de trois → mise en attente de calculs

Si 6 objets coûtent $4 \in 1$ objet coûte 6 fois moins (on ne fait pas la division, on attend), 9 objets coûtent 9 fois plus 4×9

Différentes procédures

- L'objectif n'est pas de mettre en avant telle ou telle procédure particulière, mais de permettre à l'élève de disposer d'un répertoire de procédures, s'appuyant toujours sur le sens, parmi lesquelles il pourra choisir.
- La comparaison de différentes procédures doit permettre aux élèves d'acquérir ces différentes procédures et de prendre conscience qu'en fonction des nombres en jeu dans un problème, certaines sont plus efficaces que d'autres.

Sachant que 4 bonbons valent 2 euros, combien valent 8 bonbons?

rapport interne simple rapport externe simple

→ Utilisation des propriétés de linéarité ou valeur unité

Sachant que 4 bonbons valent 2,42 euros, combien valent 8 bonbons?

→ Utilisation des propriétés de linéarité

Sachant que 4 bonbons valent 2 euros, combien valent 14 bonbons?

rapport interne complexe manart externe simple

→ Utilisation de la valeur unité

Sachant que 4 bonbons valent 2,42 euros, combien valent 14 bonbons?

rapport interne complexe

→ Utilisation valeur unité ou des propriétés de linéarité

Vendus à l'unité Au même tarif

Sachant que 4 bonbons valent 2 euros, combien valent 14 bonbons?

Introduction d'un troisième couple de données

Repérer des régularités Tester des hypothèses de modèle Diversifier les procédures

Sachant que 4 bonbons valent 2 euros et que 6 bonbons valent 3 euros, combien valent 14 bonbons?

Lorsque l'une des valeurs en jeu est 1, la situation relève d'un problème de multiplication ou d'un problème de division avec soit recherche de la valeur d'une part soit recherche du nombre de parts.

La multiplication

Un paquet contient 12 bonbons. Combien contiennent 8 paquets identiques ?

La division (partition – recherche d'une part)

8 tartelettes coûtent 12 euros. Combien coûte 1 tartelette?

1 paquet	8 paquets
12 bonbons	?

8 tartelettes	1 tartelette
12 euros	?

La division (quotition- recherche du nombre de parts)

1 kilogramme de figues coûte 8 euros.

Quelle masse de figues pour 12 euros ?

1 kilogramme	?
8 euros	12 euros

Supports aux travaux sur la proportionnalité

Les changements d'unités

- Le change de monnaies (euros / dollars,),
- Le changement d'unités de mesures internationales (km / Yards, ...)

Attention : Les conversions d'unités de mesure d'aires ou de contenance relèvent davantage de la numération décimale (coefficient de proportionnalité : 10, 100, 1000...)

Les pourcentages

Un pourcentage est l'expression d'une proportion pour 100 unités.

Dans la classe de Lisette, il y a 27 élèves dont 13 filles.

Dans la classe de Lison, il y a 24 élèves dont 12 filles.

Dans quelle classe y a-t-il le plus de filles ? \rightarrow Celle de Lisette (13 > 12)

Dans quelle classe les filles sont-elles le plus représentées ? → Celle de Lison

Nécessité de passer par les pourcentages : 13 / 27 = 48% 12 / 24 = 50%

Supports aux travaux sur la proportionnalité

Les vitesses constantes

Un train roule à la vitesse constante de 120 Km/h pendant 2h30. Quelle distance parcourt-il ? 120 Km en une heure
☐ 60 Km en une demi-heure (linéarité multiplicative).

```
1h00 + 1h00 + 0h30 = 2h30
120 km + 120 km + 60 km = 300 Kilomètres (linéarité additive)
```

Les échelles

Toutes donnent une relation de proportionnalité entre des distances réelles et des distances représentées.

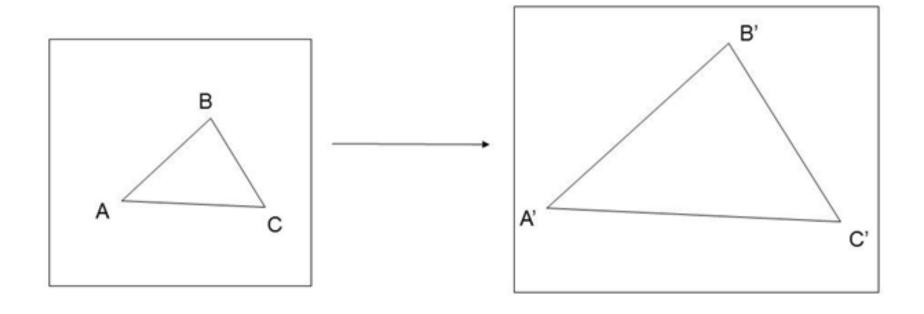
Les distances sont exprimées dans la même unité.

Sur une carte IGN au 1/25 000, 1 centimètre représente 25 000 centimètres (250 mètres) sur le terrain.

Supports aux travaux sur la proportionnalité

Géométrie et proportionnalité

Agrandissements et réductions



Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Productions d'élèves en proportionnalité

Le problème

Problème 3:

Dans la recette du poulet au citron il faut 2 citrons pour 5 personnes.

Combien faut-il de citrons pour 20 personnes?

Peut-on trouver la réponse ?

Si NON, pourquoi ? Si OUI, quelle est la réponse ?

Rapport interne ? $2 \rightarrow 20$ donc simple

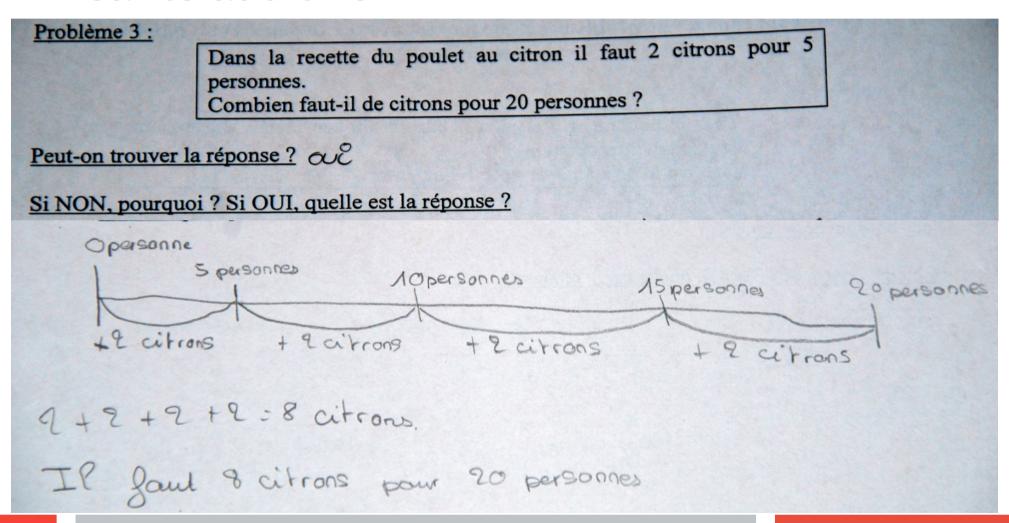
Rapport externe? $2 \rightarrow 5$ donc plus complexe

Productions d'élèves en proportionnalité

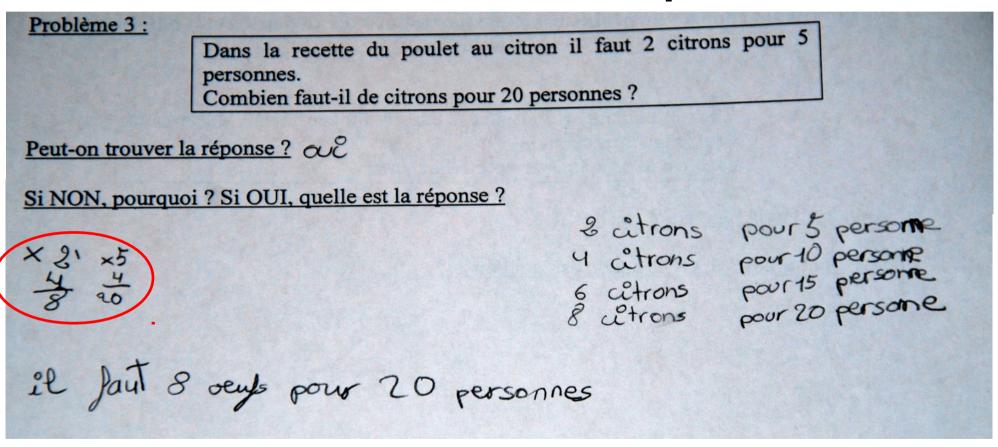
Linéarité additive

Problème 3:	
D	Dans la recette du poulet au citron il faut 2 citrons pour 5 ersonnes.
	Combien faut-il de citrons pour 20 personnes ?
Peut-on trouver la re	éponse? ouê
Si NON, pour	rquoi? Si OUI, quelle est la réponse? Il faut 8 citrons pour 20
personne	25.
j'ai fait à une table	4 tables de 5 personnes et j'ai ajouter 2 citrons. Bis j'ai aditionner le nombre de citrons.
	zcitions
	2 c.tions + 22 22 2 citions
	"ions-(7 x x x x x x x x x x x x x x x x x x x

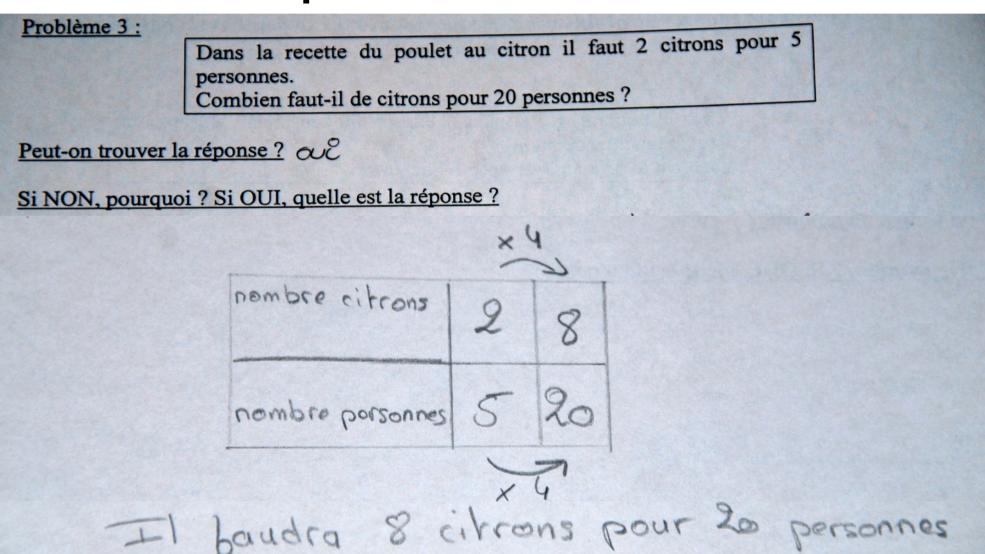
Linéarité additive



Mixte : linéarité additive et multiplicative



Linéarité multiplicative



Retour à l'unité

Problème 3: Dans la recette du poulet au citron il faut 2 citrons pour 5
personnes.
Combien faut-il de citrons pour 20 personnes ?
Peut-on trouver la réponse? ∞
Si NON, pourquoi ? Si OUI, quelle est la réponse ?
019 ilfant pour
- 3 Silfant pour - 0 5,4 1 pensonne 20 - 0,4 de × 0,4 20 lant Batrons.
- Oly Add XOU
20 catrona
-20 aroni
+000
080

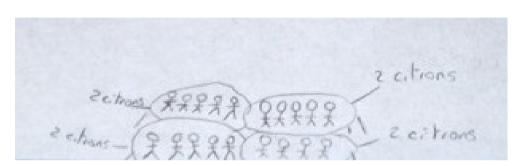
Retour à l'unité ? Coefficient de proportionnalité ?

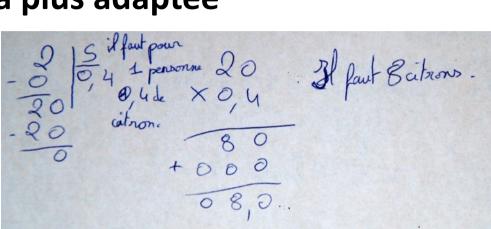
Problème 3:	Dans la recette du poulet a personnes. Combien faut-il de citrons po	au citron il faut 2 citrons pour 5 our 20 personnes ?	
	oi ? Si OUI, quelle est la répons	se ?	
20x 5	== 40 = 8	IR Bout 8 citrons personnes.	pour

Produit en croix?

Procédure experte ou

la plus adaptée





L'objectif n'est pas de mettre en avant telle ou telle procédure particulière, mais de permettre à l'élève de disposer d'un répertoire de procédures, s'appuyant toujours sur le sens, parmi lesquelles il pourra choisir (...)

(...) la comparaison de différentes procédures doit permettre aux élèves d'acquérir ces différentes procédures et de prendre conscience qu'en fonction des nombres en jeu dans un problème, certaines sont plus efficaces que d'autres (...)

Éduscol : Résoudre des problèmes de proportionnalité au cycle 3

Persistance du modèle additif

Problème 1:	Chez le boulanger, j'ai payé 1 euro et 60 centimes d'euros pour deux baguettes de pain.
	Quel est le prix à payer pour 6 baguettes ?
Peut-on trouver	
Si NON, pourq	uoi ? Si OUL quelle est la réponse ?
1,60+	4=560
pour 6.	hagette il fondra 5 E et 60 centin

Pour 4 baguettes de PLUS on paye 4 euros de PLUS!

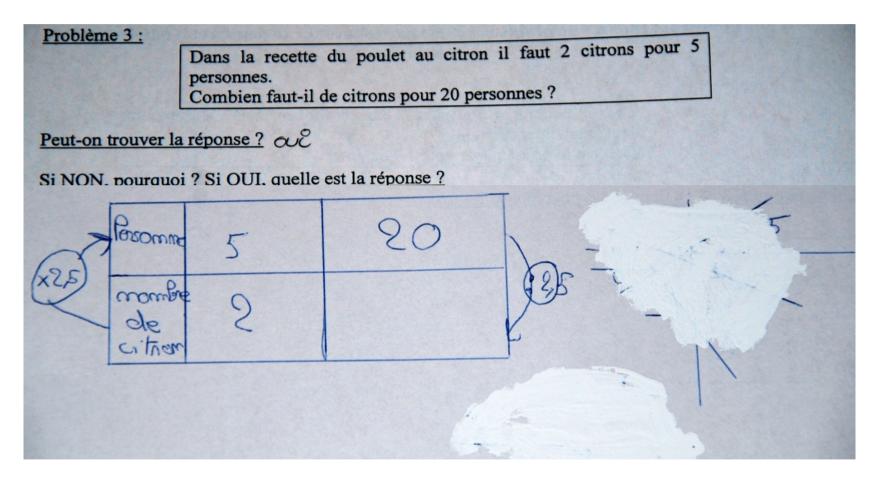
→ Introduction d'un troisième couple de données.

Non prise en compte du passage à l'unité

```
Problème 1:
                Chez le boulanger, j'ai payé 1 euro et 60 centimes d'euros pour
                deux baguettes de pain.
                Quel est le prix à payer pour 6 baguettes ?
Peut-on trouver la réponse ?
Si NON, pourquoi ? Si OUD quelle est la réponse ?
                            de pris de 6 baguettes
5'est 9,60€
```

→ Dans l'énoncé : « deux baguettes » ou « 2 baguettes » ?

Choix de la procédure



Attention à ne pas « formaliser » trop tôt !

Mauvaise utilisation du signe « = »

Problème 3:	Dans la recette du poulet au citron il faut 2 citrons pour 5 personnes. Combien faut-il de citrons pour 20 personnes ?
Peut-on trouver	la réponse? ∞ E
Si NON, pourqu	oi ? Si OUI, quelle est la réponse ?
2=5	
4=10).
8=15	

→ Voir le document Éduscol « <u>calcul en ligne au cycle 3</u> » pour le statut du signe « = »

Difficulté à travailler avec les décimaux

```
Problème 4:

Le train roule à la vitesse moyenne de 120 km par heure.

Combien de kilomètres le train parcourt-il en deux heures et demie?

Peut-on trouver la réponse?

Si NON, pourquoi ? Si OUI, quelle est la réponse?

120 × 2= 140

Le Vrain roulera à 140,5 kilomètre en deux heures et denie.
```

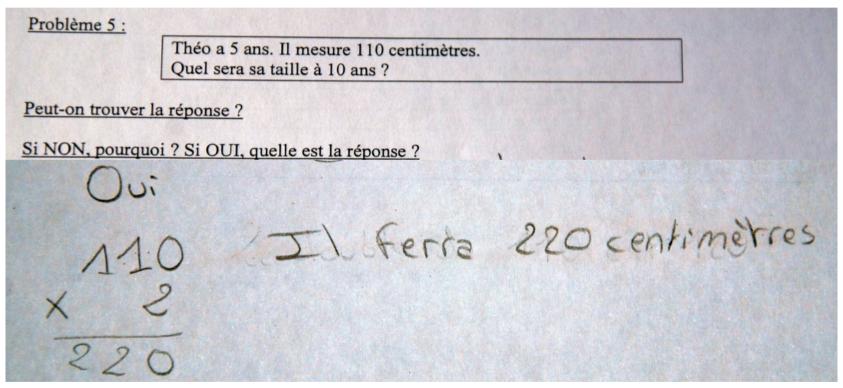
→ L'élève se sécurise avec le modèle additif dès que la nature des nombres utilisés se complique! L'oral doit permettre de prévenir ce genre d'erreur.

Confusion entre vitesse instantanée et vitesse moyenne

	Le train roule à la vitesse moyenne de 120 km par heure. Combien de kilomètres le train parcourt-il en deux heures et demie?	
Paut on trouver	la réponse ? Non.	
reut-on trouver		

→ notion de vitesse « constante »

Effet de contrat : les énoncés typés « proportionnalité »



- → Confronter proportionnalité, non proportionnalité et proportionnalité
 « partielle »
- → Attention à la structure des énoncés

Enoncé « concret »...réponse « concrète »

```
Problème 5:

Théo a 5 ans. Il mesure 110 centimètres.

Quel sera sa taille à 10 ans?

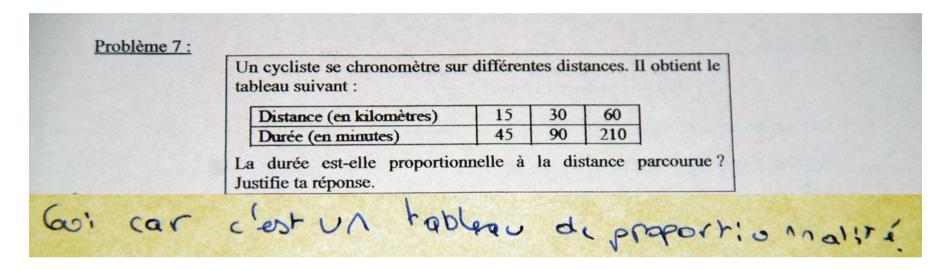
Peut-on trouver la réponse?

Si NON, pourquoi? Si OUI, quelle est la réponse?

On he peut pas savoir c'est trop comptique il faut êtres scientifique pour le savoir ou il faut attendre que théo est 10ans
```

 → Argumentation qui sort du cadre mathématique souhaité (problème de la modélisation)

Un tableau ne fait pas la proportionnalité.



Confusion entre « croissance » et « proportionnalité ».

Problème 7:	Un cycliste se chronomètre sur tableau suivant :	différer	ites dist	tances.	Il obtient le		
	Distance (en kilomètres)	15	30	60			
	Durée (en minutes)	45	90	210			
	La durée est-elle proportion Justifie ta réponse.						
Oui car	si le nombre	de	K	< m	aug	ment	le
nombre	de min aus	ssi.					

→ confrontation avec des cadres du type âge – taille

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Que nous disent les textes officiels?

Socle Commun de Connaissances, de Compétences et de Culture

Domaine 1 : les langages pour penser et communiquer

OBJECTIF → Comprendre, s'exprimer en utilisant les langages mathématiques, scientifiques et informatiques

Il sait que des langages informatiques sont utilisés pour programmer des outils numériques et réaliser des traitements automatiques de données. Il connaît les principes de base de l'algorithmique et de la conception des programmes informatiques. Il les met en œuvre pour créer des applications simples.

Que nous disent les textes officiels?

Document d'accompagnement pour l'évaluation des acquis du socle commun de connaissances, de compétences et de culture.

Éléments pour l'appréciation du niveau de maîtrise satisfaisant en fin de cycle 3 📂



OBJECTIF → Comprendre, s'exprimer en utilisant les langages mathématiques, scientifiques et informatiques

Élément signifiant → Se repérer et se se déplacer

L'évaluation porte également sur l'aptitude des élèves à lire ou écrire un programme, dans un langage approprié, permettant l'exécution d'un déplacement d'un robot ou d'un personnage sur un écran.



Que nous disent les textes officiels?

Programme du cycle 3

En vigueur à compter de la rentrée de l'année scolaire 2018-2019

Volet 2 : Contributions essentielles des différents enseignements au socle commun

Domaine 2 Les méthodes et outils pour apprendre

En mathématiques, ils apprennent à utiliser des logiciels de calculs et d'initiation à la programmation.

Que nous disent les textes officiels?

Programme du cycle 3



Mathématiques

De même, des activités géométriques peuvent être l'occasion d'amener les élèves à utiliser différents supports de travail : papier et crayon, mais aussi logiciels de géométrie dynamique, d'initiation à la programmation ou logiciels de visualisation de cartes, de plans, etc.

Que nous disent les textes officiels?

Programme du cycle 3

En vigueur à compter de la rentrée de l'année scolaire 2018-2019

Mathématiques

Espace et géométrie

Les activités spatiales et géométriques sont à mettre en lien avec les deux autres thèmes : résoudre dans un autre cadre des problèmes relevant de la proportionnalité ; utiliser en situation les grandeurs (géométriques)et leur mesure. Par ailleurs, elles constituent des moments privilégiés pour une première initiation à la programmation notamment à travers la programmation de déplacements ou de construction de figures.

(se) repérer et (se) déplacer dans l'espace....

Programmer les déplacements d'un robot ou ceux d'un personnage sur un écran en utilisant un logiciel de programmation.

Que nous disent les textes officiels?

Le cadre de référence des compétences numériques (JO du 01-09-2019)

Le cadre de référence des compétences numériques définit seize compétences numériques attendues dans cinq domaines d'activité. Il propose huit niveaux de maîtrise progressive de ces compétences pour les élèves de l'enseignement scolaire, pour les étudiants de l'enseignement supérieur et dans un contexte de formation d'adultes. Les niveaux de maîtrise de 1 à 5 sont proposés plus particulièrement pour les élèves de l'école élémentaire, du collège et du lycée.

Document d'accompagnement - mise en œuvre du CRCN



Information et données



Communication et collaboration



Création de contenus



Protection et sécurité



Environnement numérique

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

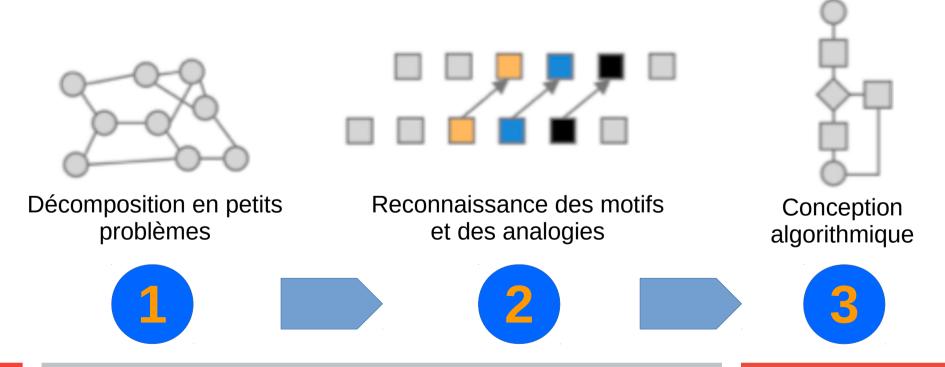
Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

L'apprentissage du code informatique sert principalement à inculquer la pensée algorithmique. Ce n'est pas la technologie de codage qui est visée, mais bel et bien la démarche d'organisation et de planification pour résoudre un problème.



• Les activités débranchées

• Derrière un écran

Les robots

Les activités débranchées

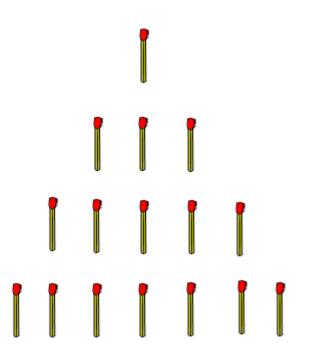
• Le jeu de Nim

Le crêpier « psycho-rigide »

D'autres activités

Le jeu de Nim

- 2 joueurs
- Chaque joueur prend à tour de rôle 1, 2 ou 3 allumettes
- Le joueur qui prend la dernière allumette a gagné



Séquence

Le crêpier « psycho-rigide » **BUT** UN SEUL MOUVEMENT AUTORISÉ Séquence

D'autres activités

- Pixees.fr et vidéo de Marie Duflot
- IREM de grenoble
- Computer science unplugged



• Les activités débranchées

• Derrière un écran

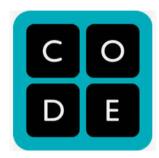
Les robots

Derrière un écran

Il existe de nombreux sites et logiciels pour l'initiation à la programmation. En voici des exemples :

- Le site code.org
- Le logiciel Scratch

Le site Code.org



- Il permet d'individualiser des parcours
- Il peut être proposé dès la maternelle
- Il garde une trace des parcours





Scratch

• Il existe en logiciel sur windows et linux. Pour les IPAD, accès en ligne.

Très complet

• Très utilisé

Eduscol

Les robots

Il existe de nombreux robots pour l'initiation à la programmation. En voici des exemples :

• Blue bot

Thymio

Sommaire

La proportionnalité : des questions flash

La proportionnalité dans les textes officiels

La proportionnalité : une notion complexe

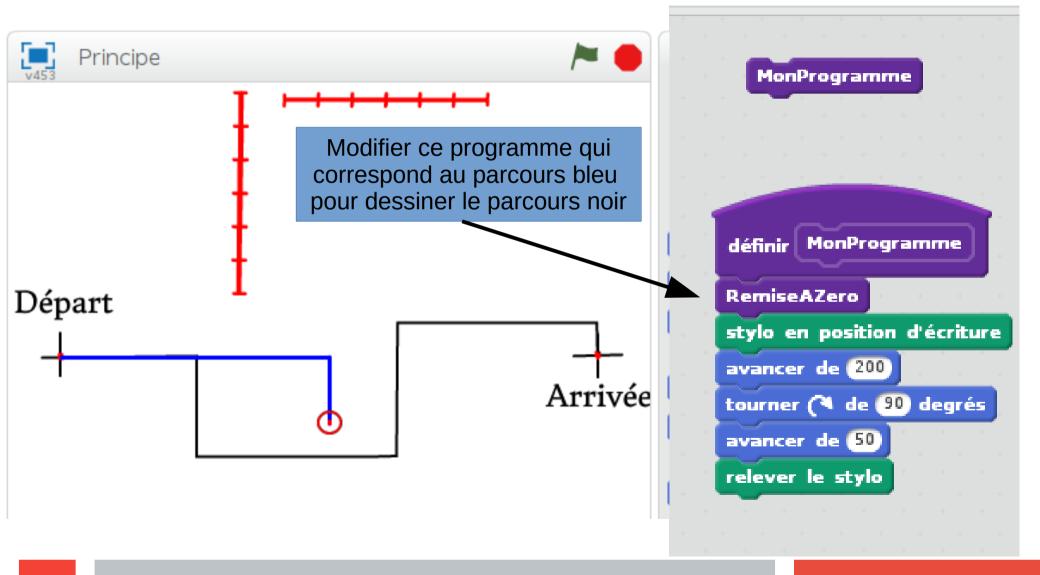
Productions d'élèves en proportionnalité

La programmation dans les textes officiels

Des outils pour enseigner la programmation

Lier programmation et proportionnalité

Lier programmation et proportionnalité



MERCI POUR VOTRE ATTENTION

N'oubliez pas la feuille d'émargement

dominique.herisse@ac-grenoble.fr